

1. Igaz vagy hamis? (10 pont)

Figyelmesen olvasd el a forgó mozgásokkal kapcsolatos alábbi kijelentéseket, majd dönts el, hogy az adott állítás biztosan igaz (I), biztosan hamis (H), vagy a mondat megfogalmazása alapján nem hozható egyértelmű ítélet (ND)! Az I, H, illetve ND rövidítések valamelyikét írd az állítás mellett lévő cellába!

a) Ha egy fiú nekifutásból felugrik a játszótéren álló forgóhintára, akkor az forgásba jön. **ND**



b) Amikor a tornász szaltót ugrik, akkor a rá ható gravitációs erő hozza forgásba a levegőben. **H**

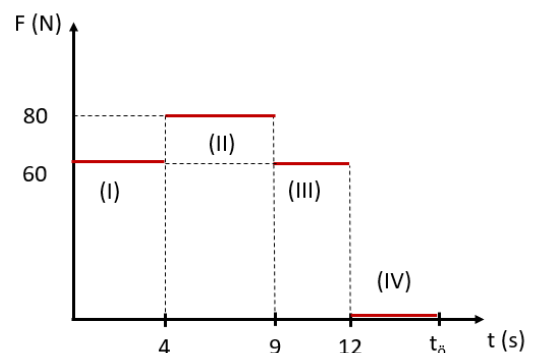
c) Amikor a több sebességi fokozattal rendelkező kerékpárunkon sebességet váltunk, akkor a pedálra kifejtett erő forgató hatását változtatjuk meg. **I**

d) Ha a 80 kg tömegű, egyenletes tömegeloszlású, kocka alakú ládára 400 N nagyságú erőt fejtünk ki, akkor felbillen. **ND**

e) Az építkezésen azért használnak állócsigát, hogy súlyuknál kisebb erővel lehessen a magasba juttatni az építőanyagokat. **H**

2. Grafikonelemzés (20 pont)

Az utasával együtt 40 kg tömegű szánkót a vízszintes, havas talajon vízszintesen tartott kötéllel húzzák. A grafikon a szánkóra ható kötélereő nagyságát mutatja az eltelt idő függvényében. A mozgás (I) szakaszában a szánkó állandó $2 \frac{m}{s}$ sebességgel halad.



Tanulmányozd a grafikont, és válaszolj a következő kérdésekre! Ha a válaszhoz számításra van szükség, azt is írd le a kihagyott helyre!

a) Hogyan mozog a szánkó a (II) – (III) – (IV) szakaszon?

.....

b) Mekkora a test sebessége a (II) szakasz végén?

c) Mekkora az ábrán jelzett t_{δ} időtartam, ha ennek végére a szánkó éppen megáll?

d) Számítsd ki a szánkó átlagsebességét!

Megoldás:

a) A (II) szakaszon **egyenletesen gyorsul** a test, a (III) szakaszon a megnövekedett sebességgel **egyenletesen mozog**, míg a (IV) szakaszon **egyenletesen lassul**. (3 pont)

b) Az (I) szakaszon az erők egyensúlya alapján a szánkóra ható súrlódási erő 60 N. (1 p)

Felírva a dinamika alapegyenletét: $F_{II} - F_{súrl} = m \cdot a_{II}$, amiből a gyorsulás $0,5 \frac{m}{s^2}$. (2 pont)

A gyorsulás definíciójából: $\Delta v = a \cdot \Delta t = 0,5 \cdot 5 = 2,5 \frac{m}{s}$, amiből a keresett sebesség nagysága $v_{II} = 4,5 \frac{m}{s}$. (2 pont)

c) A (III) szakaszon a test sebessége végig $4,5 \frac{m}{s}$. (1 pont)

Újra felírva az alapegyenletet a (IV) szakaszra, ahol a kötélere nulla: $F_{súrl} = m \cdot a_{IV}$, amiből a gyorsulás $a_{IV} = 1,5 \frac{m}{s^2}$. Vagyis másodpercenként $1,5 \frac{m}{s}$ -mal csökken a sebesség, amíg nulla nem lesz. (2 pont)

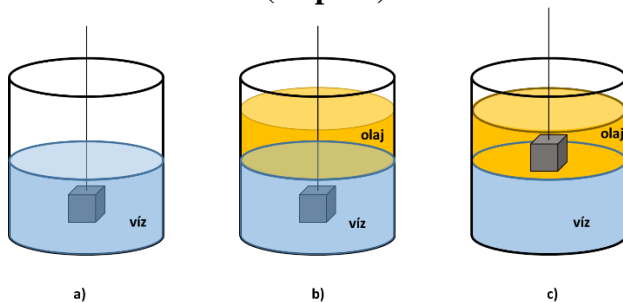
Ebből a (IV) mozgás időtartama: $t_{IV} = \frac{\Delta v}{a_{IV}} = 3$ s. Így $t_{\delta} = 15$ s. (3 pont)

d) Az átlagsebességek a (II) és (IV) szakaszokon $3,25 \frac{m}{s}$ és $2,25 \frac{m}{s}$, (2 pont)

így a teljes befutott út: $s = 8$ m + $16,25$ m + $13,5$ m + $6,75$ m = $44,5$ m. (2 pont)

Az átlagsebesség: $v_{\text{átlag}} = \frac{s_{\delta}}{t_{\delta}} = \frac{44,5m}{15s} \approx 3 \frac{m}{s}$. (2 pont)

3. Kísérletezzünk! (18 pont)



Egy 2 cm élhosszúságú alumínium kockát fonálon vízbe lógatunk úgy, hogy teljesen elmerüljön. (Lásd az *a. ábrát!*).

a) Mekkora erővel kell tartanunk a fonalat? (A víz sűrűsége $1 \frac{g}{cm^3}$, az alumíniumé $2700 \frac{kg}{m^3}$, a fonál elhanyagolható tömegű.)

b) A vízre 3 cm vastagságban, óvatosan $800 \frac{kg}{m^3}$ sűrűségű olajat rétegezzünk (*b. ábra*). Mekkora erővel tudjuk továbbra is egyensúlyban tartani a vízbe merített kockát?

c) A kockát lassan, a folyadékok összekeverése nélkül feljebb emeljük, hogy teljes egészében az olajrétegbe kerüljön, a *c. ábrának* megfelelően. Mekkora erőt kell kifejtenünk ebben az egyensúlyi helyzetben a kockát tartó fonál végére?

(A nehézségi gyorsulás értékét vegyük $10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ -nek.)

Megoldás:

a) Az alumínium kocka egyensúlyának feltétele:

$$F_{\text{felhajtó}} + K_1 = m_{\text{alumínium}} \cdot g$$

$$K_1 = \rho_{\text{alumínium}} \cdot a^3 \cdot g - \rho_{\text{víz}} \cdot a^3 \cdot g$$

$$K_1 = (\rho_{\text{alumínium}} - \rho_{\text{víz}}) \cdot a^3 \cdot g = 1,7 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot 8 \text{ cm}^3 \cdot g = 13,6 \cdot 10^{-3} \text{ N}$$

$$K_1 = 0,136 \text{ N}$$

(A kocka térfogata $8 \text{ cm}^3 = 0,000008 \text{ m}^3$, tömege $0,0216 \text{ kg} = 21,6 \text{ gramm}$, a rá ható nehézségi erő $0,216 \text{ N}$. A felhajtóerő $0,08 \text{ N}$.) (7 pont)

b)

Az olajréteg hidrosztatikai nyomása a kocka alsó lapjánál és felső lapjánál is ugyanannyival növeli meg a nyomást (Pascal törvénye), vagyis mindkét helyen a nyomásnövekedésből származó erők ugyanolyan nagyságúak, csak ellentétes irányúak. Ebből következik, hogy a kocka egyensúlyban tartásához szükséges erő ugyanakkora, mint az a) esetben. (4 pont)

c) Az olajréteg elég vastag ahhoz, hogy a kocka teljes térfogata az olajban legyen, ezért az olaj által kifejttet felhajtóerő „segít” a kocka megtartásában:

$$F_{\text{felhajtó,2}} + K_2 = m_{\text{alumínium}} \cdot g$$

$$K_2 = \rho_{\text{alumínium}} \cdot a^3 \cdot g - \rho_{\text{olaj}} \cdot a^3 \cdot g$$

$$K_2 = (\rho_{\text{alumínium}} - \rho_{\text{olaj}}) \cdot a^3 \cdot g = 1,9 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \cdot 8 \text{ cm}^3 \cdot g = 15,2 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \cdot 10 \text{ m/s}^2$$

$$K_2 = 0,152 \text{ N}$$

(A felhajtóerő $0,064 \text{ N}$, az előző érték $0,8$ része, mivel az olaj sűrűsége nyolctizede a vízének.) (7 pont)

4. Erdélyi történet (18 pont)

Áron bácsi – szekerén a telitöltött 2 akós boroshordóval – kora reggel indult el a szomszédos faluban, $13,5 \text{ km}$ -re lévő fogadó felé. A lovak békésen poroszkálva, egyenletesen húzták a kocsit. Félúton Áron bácsi észrevette, hogy lyukas lehet a hordó, mivel hátrafelé nézve 5 méterenként egy-egy csepp bor nyomát látta az út porában. A veszteség csökkentése érdekében gyorsabb mozgásra ösztökölte a lovakat: ezt követően már csak 9 méterenként hullott egy-egy csepp az útra. Megérkeztek a bort rendelő fogadóhoz, aki miután lemérte, hogy a hordó $140,5 \text{ kg}$ tömegű, kifizette a benne lévő bor árát.

a) Hány liter bor árát fizette ki a fogadós Áron bácsinak, ha az üres hordó tömege 40 kg , a bor sűrűsége $980 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$, és $1 \text{ akó} = 53,8 \text{ liter}$? (Egész számra kerekítve add meg a választ!)

b) A cseppek térfogatát egyenlőnek tekintve becsüld meg, hány köbcéntiméter térfogatú cseppek hullottak a hordóból az útra!

Megoldás:

Adatok:

$$d_1 = 5 \text{ m}, \quad d_2 = 9 \text{ m}, \quad s = 13,5 \text{ km}, \quad V = 2 \text{ akó}, \quad m_{\text{hordó,mért}} = 140,5 \text{ kg},$$
$$m_{\text{hordó}} = 40 \text{ kg}, \quad \rho = 980 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}.$$

a) Induláskor a hordó teli volt, ami azt jelenti, hogy

$$V = 2 \text{ akó} = 107,6 \text{ l} = 107,6 \text{ dm}^3 \text{ (1 pont)}$$

térfogatú,

$$m_{\text{bor,indulás}} = \rho \cdot V = 0,98 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \cdot 107,6 \text{ dm}^3 = 105,448 \text{ kg (2 pont)}$$

tömegű bort töltöttek bele.

Érkezéskor a hordó lemért tömegéből úgy kapjuk a megmaradt bor tömegét, hogy levonjuk belőle az üres hordó tömegét:

$$m_{\text{bor,érkezés}} = m_{\text{hordó,mért}} - m_{\text{hordó}} = 140,5 \text{ kg} - 40 \text{ kg} = 100,5 \text{ kg (2 pont)}$$

Eszerint menet közben kicsepegett

$$m_{\text{bor,veszteség}} = m_{\text{bor,indulás}} - m_{\text{bor,érkezés}} = 4,948 \text{ kg (1 pont)}$$

bor, aminek a térfogata

$$V_{\text{bor,veszteség}} = \frac{m_{\text{bor,veszteség}}}{\rho} = 5,04898 \text{ l} \approx 5,05 \text{ l (2 pont)}$$

Így a hordóban maradt bor térfogata:

$$V - V_{\text{bor,veszteség}} = 107,6 \text{ l} - 5,05 \text{ l} = 102,55 \text{ dm}^3 \text{ (1 pont)}$$

Azaz a fogadós 103 liter bort fizetett ki. (1 pont)

b) Az út első, illetve második felén kifolyt cseppek számát megkaphatjuk, ha a két falu távolságának felét elosztjuk a cseppek között mérhető távolsággal:

$$N_{\text{össz}} = N_1 + N_2 = \frac{\frac{s}{2}}{d_1} + \frac{\frac{s}{2}}{d_2} = \frac{6,75 \text{ km}}{5 \text{ m}} + \frac{6,75 \text{ km}}{9 \text{ m}} = \frac{6750 \text{ m}}{5 \text{ m}} + \frac{6750 \text{ m}}{9 \text{ m}} = 2100 \text{ (6 pont)}$$

Az egyformának feltételezett csepptérfogat eszerint

$$V_{\text{csepp}} = \frac{V_{\text{bor,veszteség}}}{N_{\text{össz}}} \approx \frac{5,05 \text{ l}}{2100} \approx 0,0024 \text{ l} = 2,4 \text{ cm}^3 \text{ (2 pont)}$$